

विषय कोड :

Subject Code :

121/327

प्रश्न पुस्तिका सेट कोड
Question Booklet
Set Code



INTERMEDIATE EXAMINATION - 2024

इन्टरमीडिएट परीक्षा - 2024

(ANNUAL / वार्षिक)

MATHEMATICS (ELECTIVE)

गणित (ऐच्छिक)

I. Sc. & I. A.

कुल प्रश्न : 100 + 30 + 8 = 138

Total Questions : 100 + 30 + 8 = 138

(समय : 3 घंटे 15 मिनट)

[Time : 3 Hours 15 Minutes]

कुल मुद्रित पृष्ठ : 32

Total Printed Pages : 32

(पूर्णांक : 100)

[Full Marks : 100]

परीक्षार्थियों के लिये निर्देश :

Instructions for the candidates :

1. परीक्षार्थी OMR उत्तर-पत्रक पर अपना प्रश्न पुस्तिका क्रमांक (10 अंकों का) अवश्य लिखें।
2. परीक्षार्थी यथासंभव अपने शब्दों में ही उत्तर दें।
3. दाहिनी ओर हाशिये पर दिये हुए अंक पूर्णांक निर्दिष्ट करते हैं।
4. प्रश्नों को ध्यानपूर्वक पढ़ने के लिए परीक्षार्थियों को 15 मिनट का अतिरिक्त समय दिया गया है।
1. Candidate must enter his / her Question Booklet Serial No. (10 Digits) in the OMR Answer Sheet.
2. Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.
3. Figures in the right hand margin indicate full marks.
4. 15 minutes of extra time have been allotted for the candidates to read the questions carefully.

24/A/XII-5001-(38/40)

Page 1 / 32

[121/327]
 klet is divided into
 Section-A and
 there are
 e questions, out of
 estions are to be
 carrying 1 mark),
 will be evaluated
 in case more than
 e answered. For
 darken the circle
 c ball pen against
 on OMR Answer
 o you. Do not use
 id / blade / nail
 et, otherwise the
 eated invalid.

ere are 30 short
 uestions, out of
 uestions are to be
 carrying 2 marks).
 e, there are 8 long
 uestions, out of
 uestions are to be
 carrying 5 marks).

tronic appliances is
 d.

[121/327]

H

खण्ड - अ / SECTION - A

वस्तुनिष्ठ प्रश्न / Objective Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 100 तक के प्रश्न के साथ चार विकल्प दिए गए हैं जिनमें से एक सही है।
 किन्हीं 50 प्रश्नों के उत्तर दें। अपने द्वारा चुने गए सही विकल्प को OMR शीट पर चिह्नित
 करें। 50 × 1 = 50

Question Nos. 1 to 100 have four options, out of which only one is correct.
 Answer any 50 questions. You have to mark your selected option on the
 OMR sheet. 50 × 1 = 50

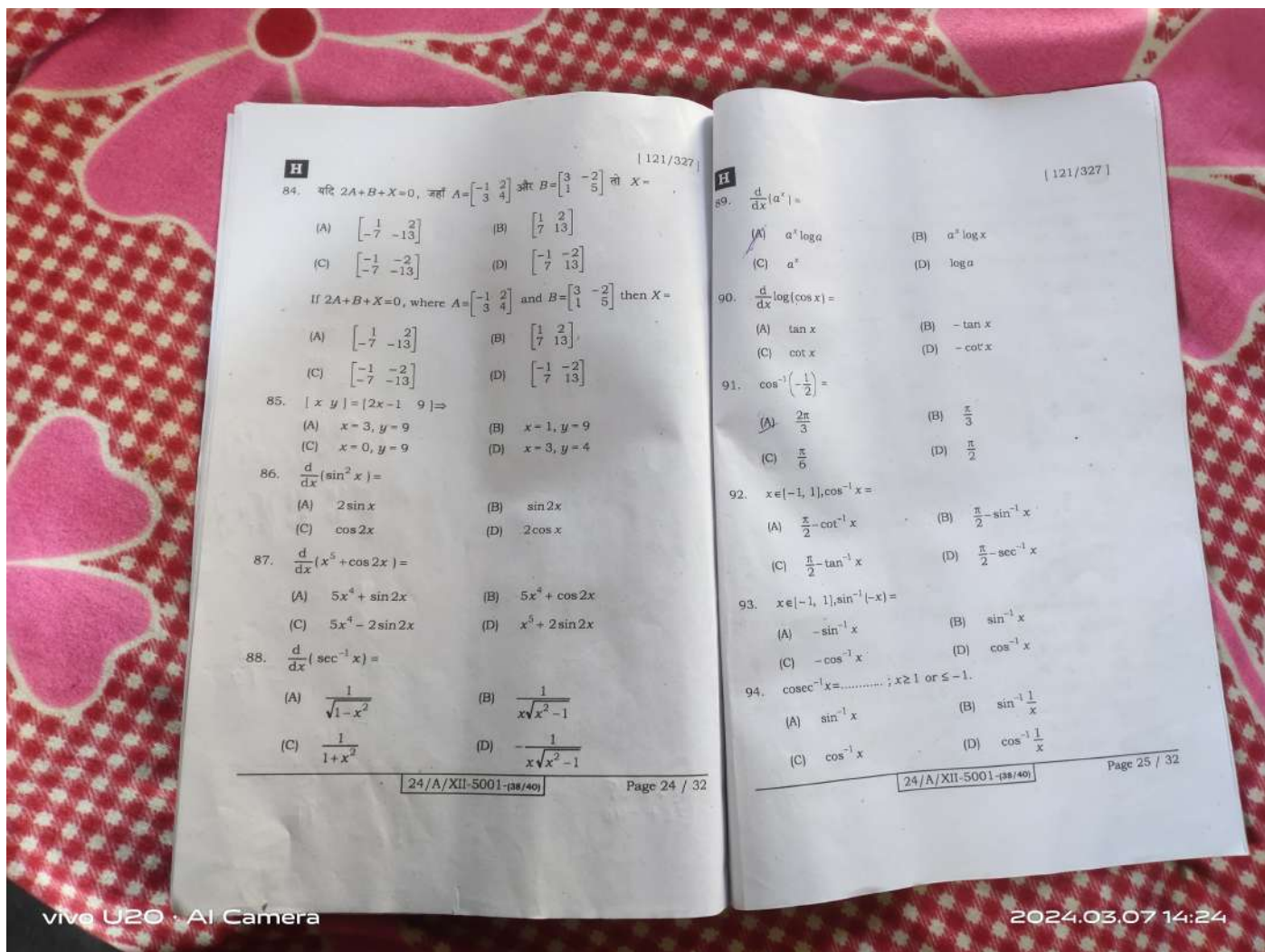
- $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) =$
 (A) 1 (B) 0
 (C) -1 (D) 3
- $\vec{i} \cdot (\vec{j} \times \vec{k}) =$
 (A) 1 (B) 0
 (C) -1 (D) \vec{i}
- यदि $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$ तो \vec{a} की दिशा में संगत इकाई सदिश \hat{a} है
 (A) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{\sqrt{6}}$ (B) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{\sqrt{6}}$
 (C) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{6}$ (D) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{6}$

If $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$, then the corresponding unit vector \hat{a} in the
 direction of \vec{a} is
 (A) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{\sqrt{6}}$ (B) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{\sqrt{6}}$
 (C) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{6}$ (D) $\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{6}$

24/A/XII-5001-(38/40)

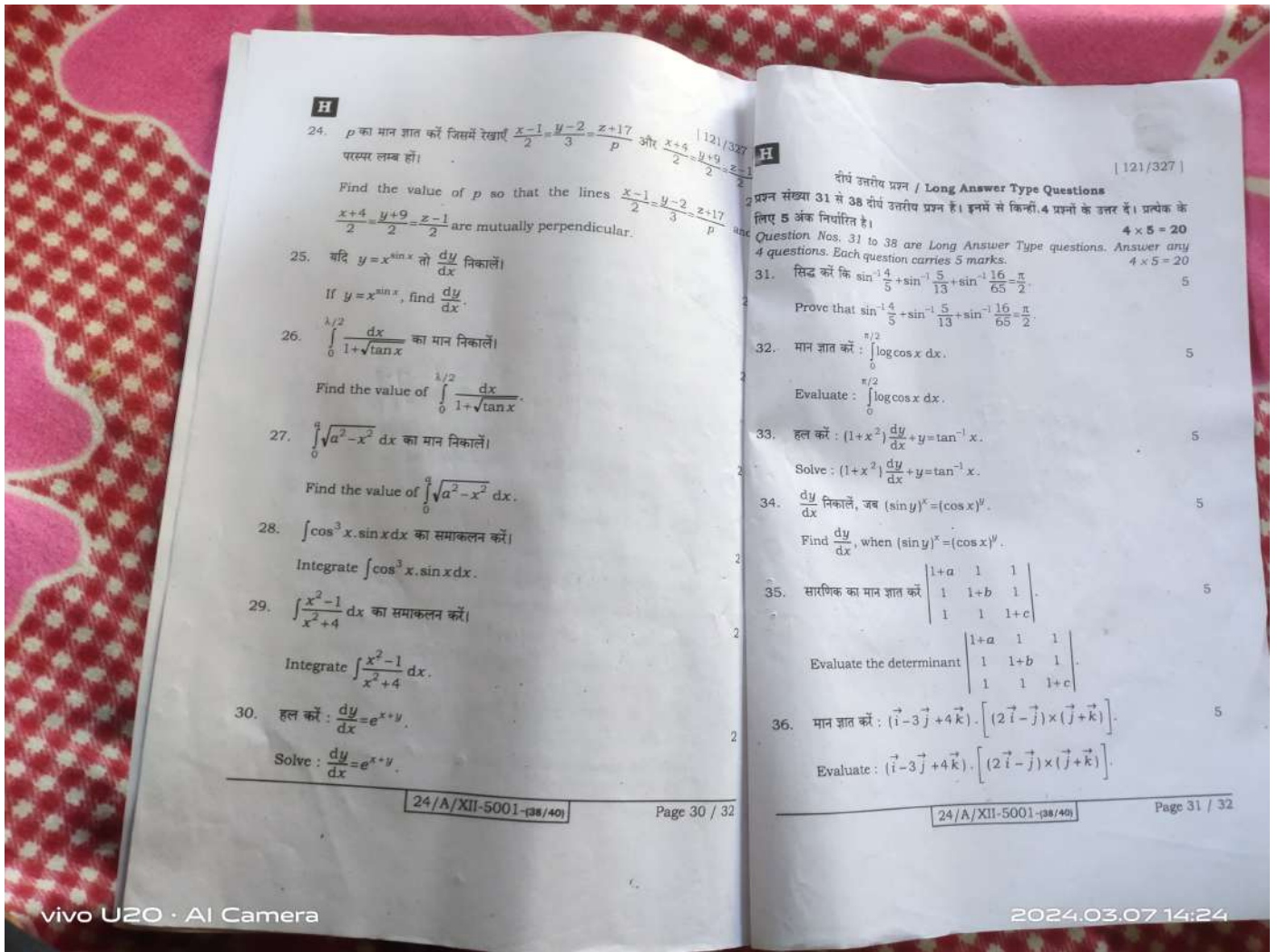
Page 3 / 32

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



H 24. p का मान ज्ञात करें जिसमें रेखाएँ $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+17}{p}$ और $\frac{x+4}{2} = \frac{y+9}{2} = \frac{z-1}{2}$ परस्पर लम्ब हों।

Find the value of p so that the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+17}{p}$ and $\frac{x+4}{2} = \frac{y+9}{2} = \frac{z-1}{2}$ are mutually perpendicular.

25. यदि $y = x^{\sin x}$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।
If $y = x^{\sin x}$, find $\frac{dy}{dx}$.

26. $\int_0^{\lambda/2} \frac{dx}{1+\sqrt{\tan x}}$ का मान निकालें।
Find the value of $\int_0^{\lambda/2} \frac{dx}{1+\sqrt{\tan x}}$.

27. $\int_0^a \sqrt{a^2-x^2} dx$ का मान निकालें।
Find the value of $\int_0^a \sqrt{a^2-x^2} dx$.

28. $\int \cos^3 x \cdot \sin x dx$ का समाकलन करें।
Integrate $\int \cos^3 x \cdot \sin x dx$.

29. $\int \frac{x^2-1}{x^2+4} dx$ का समाकलन करें।
Integrate $\int \frac{x^2-1}{x^2+4} dx$.

30. हल करें: $\frac{dy}{dx} = e^{x+y}$.
Solve: $\frac{dy}{dx} = e^{x+y}$.

H दीर्घ उत्तरीय प्रश्न / Long Answer Type Questions
प्रश्न संख्या 31 से 38 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं। इनमें से कहीं 4 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित हैं।
Question Nos. 31 to 38 are Long Answer Type questions. Answer any 4 questions. Each question carries 5 marks. 4 x 5 = 20

31. सिद्ध करें कि $\sin^{-1} \frac{4}{5} + \sin^{-1} \frac{5}{13} + \sin^{-1} \frac{16}{65} = \frac{\pi}{2}$.
Prove that $\sin^{-1} \frac{4}{5} + \sin^{-1} \frac{5}{13} + \sin^{-1} \frac{16}{65} = \frac{\pi}{2}$.

32. मान ज्ञात करें: $\int_0^{\pi/2} \log \cos x dx$.
Evaluate: $\int_0^{\pi/2} \log \cos x dx$.

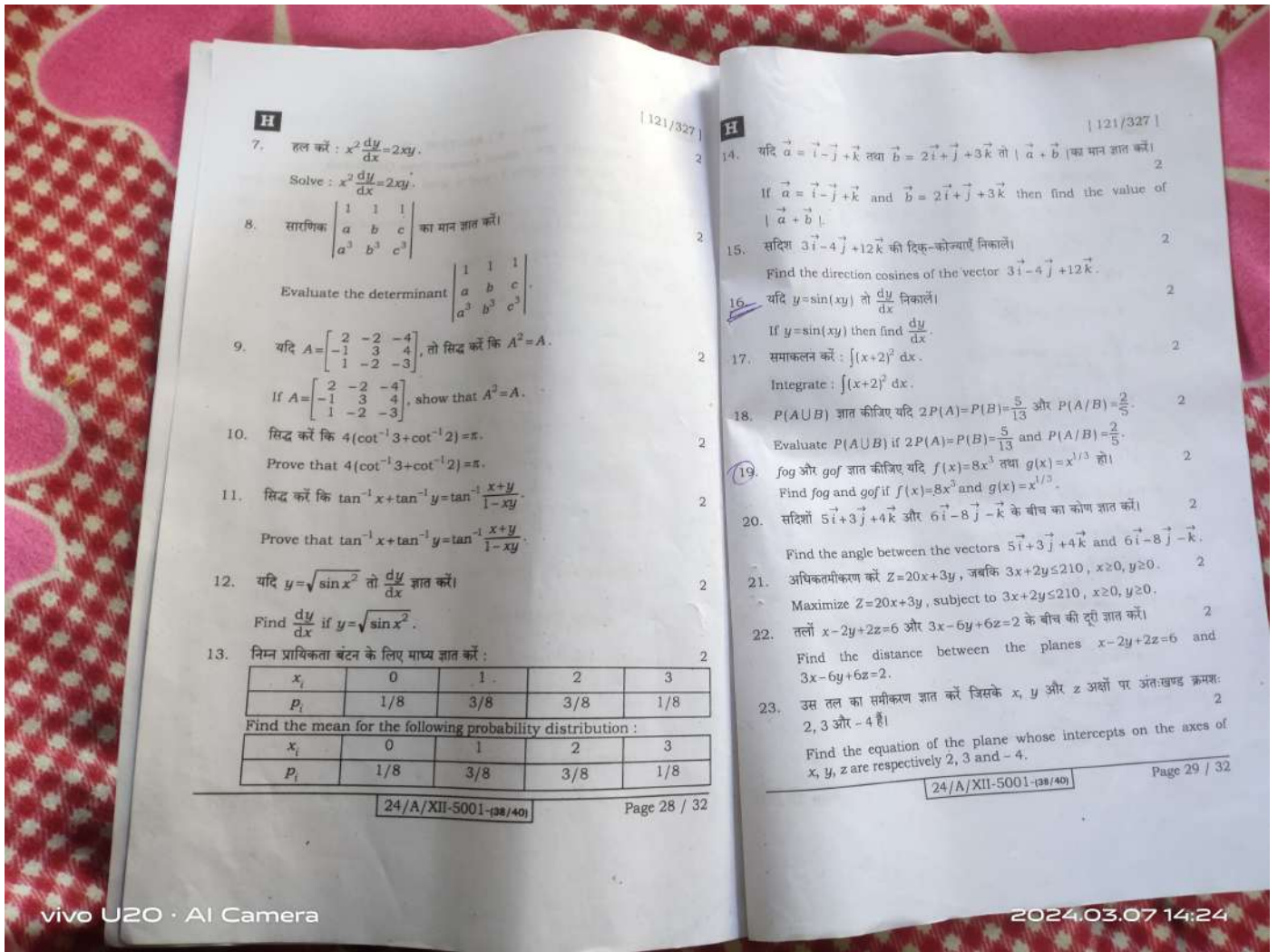
33. हल करें: $(1+x^2) \frac{dy}{dx} + y = \tan^{-1} x$.
Solve: $(1+x^2) \frac{dy}{dx} + y = \tan^{-1} x$.

34. $\frac{dy}{dx}$ निकालें, जब $(\sin y)^x = (\cos x)^y$.
Find $\frac{dy}{dx}$, when $(\sin y)^x = (\cos x)^y$.

35. सारणिक का मान ज्ञात करें $\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix}$.
Evaluate the determinant $\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix}$.

36. मान ज्ञात करें: $(\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}) \cdot [(2\vec{i}-\vec{j}) \times (\vec{j}+\vec{k})]$.
Evaluate: $(\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}) \cdot [(2\vec{i}-\vec{j}) \times (\vec{j}+\vec{k})]$.

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



H | 121/327 |

7. हल करें : $x^2 \frac{dy}{dx} = 2xy$.
Solve : $x^2 \frac{dy}{dx} = 2xy$.

8. सारणिक $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^3 \end{vmatrix}$ का मान ज्ञात करें।
Evaluate the determinant $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^3 \end{vmatrix}$.

9. यदि $A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$, तो सिद्ध करें कि $A^2 = A$.
If $A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$, show that $A^2 = A$.

10. सिद्ध करें कि $4(\cot^{-1} 3 + \cot^{-1} 2) = \pi$.
Prove that $4(\cot^{-1} 3 + \cot^{-1} 2) = \pi$.

11. सिद्ध करें कि $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$.
Prove that $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$.

12. यदि $y = \sqrt{\sin x^2}$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।
Find $\frac{dy}{dx}$ if $y = \sqrt{\sin x^2}$.

13. निम्न प्रायिकता बंटन के लिए माध्य ज्ञात करें :
Find the mean for the following probability distribution :

x_i	0	1	2	3
P_i	1/8	3/8	3/8	1/8

x_i	0	1	2	3
P_i	1/8	3/8	3/8	1/8

24/A/XII-5001-(38/40) Page 28 / 32

H | 121/327 |

14. यदि $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ तथा $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ तो $|\vec{a} + \vec{b}|$ का मान ज्ञात करें।
If $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ and $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ then find the value of $|\vec{a} + \vec{b}|$.

15. सदिश $3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$ की दिक्-कोणियाँ निकालें।
Find the direction cosines of the vector $3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$.

16. यदि $y = \sin(xy)$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।
If $y = \sin(xy)$ then find $\frac{dy}{dx}$.

17. समाकलन करें : $\int (x+2)^2 dx$.
Integrate : $\int (x+2)^2 dx$.

18. $P(A \cup B)$ ज्ञात कीजिए यदि $2P(A) = P(B) = \frac{5}{13}$ और $P(A/B) = \frac{2}{5}$.
Evaluate $P(A \cup B)$ if $2P(A) = P(B) = \frac{5}{13}$ and $P(A/B) = \frac{2}{5}$.

19. fog और gof ज्ञात कीजिए यदि $f(x) = 8x^3$ तथा $g(x) = x^{1/3}$ हो।
Find fog and gof if $f(x) = 8x^3$ and $g(x) = x^{1/3}$.

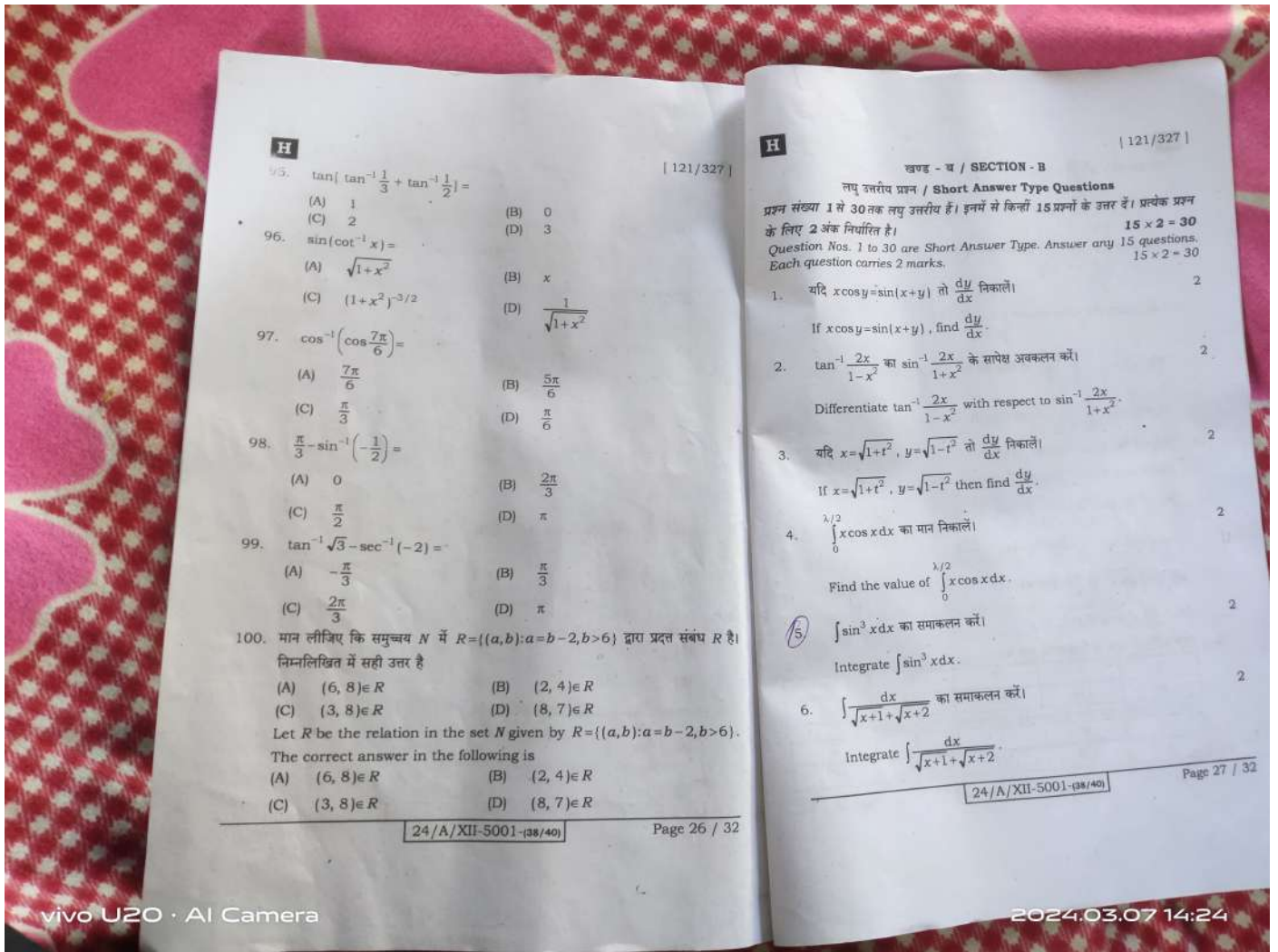
20. सदिशों $5\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$ और $6\vec{i} - 8\vec{j} - \vec{k}$ के बीच का कोण ज्ञात करें।
Find the angle between the vectors $5\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$ and $6\vec{i} - 8\vec{j} - \vec{k}$.

21. अधिकतमीकरण करें $Z = 20x + 3y$, जबकि $3x + 2y \leq 210$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.
Maximize $Z = 20x + 3y$, subject to $3x + 2y \leq 210$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.

22. तलों $x - 2y + 2z = 6$ और $3x - 6y + 6z = 2$ के बीच की दूरी ज्ञात करें।
Find the distance between the planes $x - 2y + 2z = 6$ and $3x - 6y + 6z = 2$.

23. उस तल का समीकरण ज्ञात करें जिसके x , y और z अक्षों पर अंतःखण्ड क्रमशः 2, 3 और -4 हैं।
Find the equation of the plane whose intercepts on the axes of x , y , z are respectively 2, 3 and -4.

24/A/XII-5001-(38/40) Page 29 / 32



H

95. $\tan[\tan^{-1}\frac{1}{3} + \tan^{-1}\frac{1}{2}] =$
 (A) 1 (B) 0
 (C) 2 (D) 3
96. $\sin(\cot^{-1}x) =$
 (A) $\sqrt{1+x^2}$ (B) x
 (C) $(1+x^2)^{-3/2}$ (D) $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$
97. $\cos^{-1}(\cos\frac{7\pi}{6}) =$
 (A) $\frac{7\pi}{6}$ (B) $\frac{5\pi}{6}$
 (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{6}$
98. $\frac{\pi}{3} - \sin^{-1}(-\frac{1}{2}) =$
 (A) 0 (B) $\frac{2\pi}{3}$
 (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) π
99. $\tan^{-1}\sqrt{3} - \sec^{-1}(-2) =$
 (A) $-\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{3}$
 (C) $\frac{2\pi}{3}$ (D) π
100. मान लीजिए कि समुच्चय N में $R = \{(a, b) : a = b - 2, b > 6\}$ द्वारा प्रदत्त संबंध R है। निम्नलिखित में सही उत्तर है
 (A) $(6, 8) \in R$ (B) $(2, 4) \in R$
 (C) $(3, 8) \in R$ (D) $(8, 7) \in R$
 Let R be the relation in the set N given by $R = \{(a, b) : a = b - 2, b > 6\}$. The correct answer in the following is
 (A) $(6, 8) \in R$ (B) $(2, 4) \in R$
 (C) $(3, 8) \in R$ (D) $(8, 7) \in R$

| 121/327 |

H

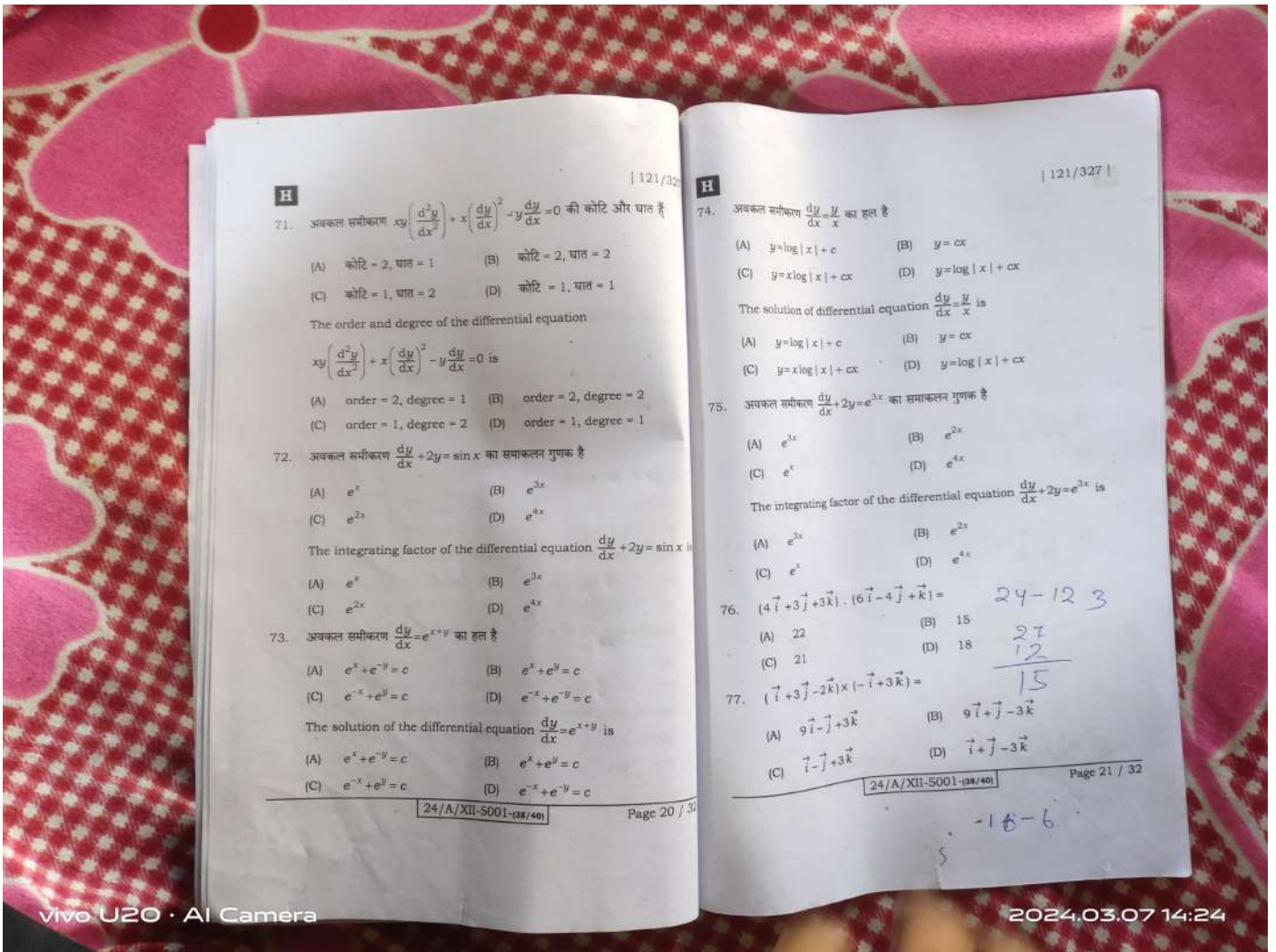
खण्ड - ब / SECTION - B

लघु उत्तरीय प्रश्न / Short Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 30 तक लघु उत्तरीय हैं। इनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक प्रश्न के लिए 2 अंक निर्धारित हैं। $15 \times 2 = 30$
 Question Nos. 1 to 30 are Short Answer Type. Answer any 15 questions. $15 \times 2 = 30$
 Each question carries 2 marks.

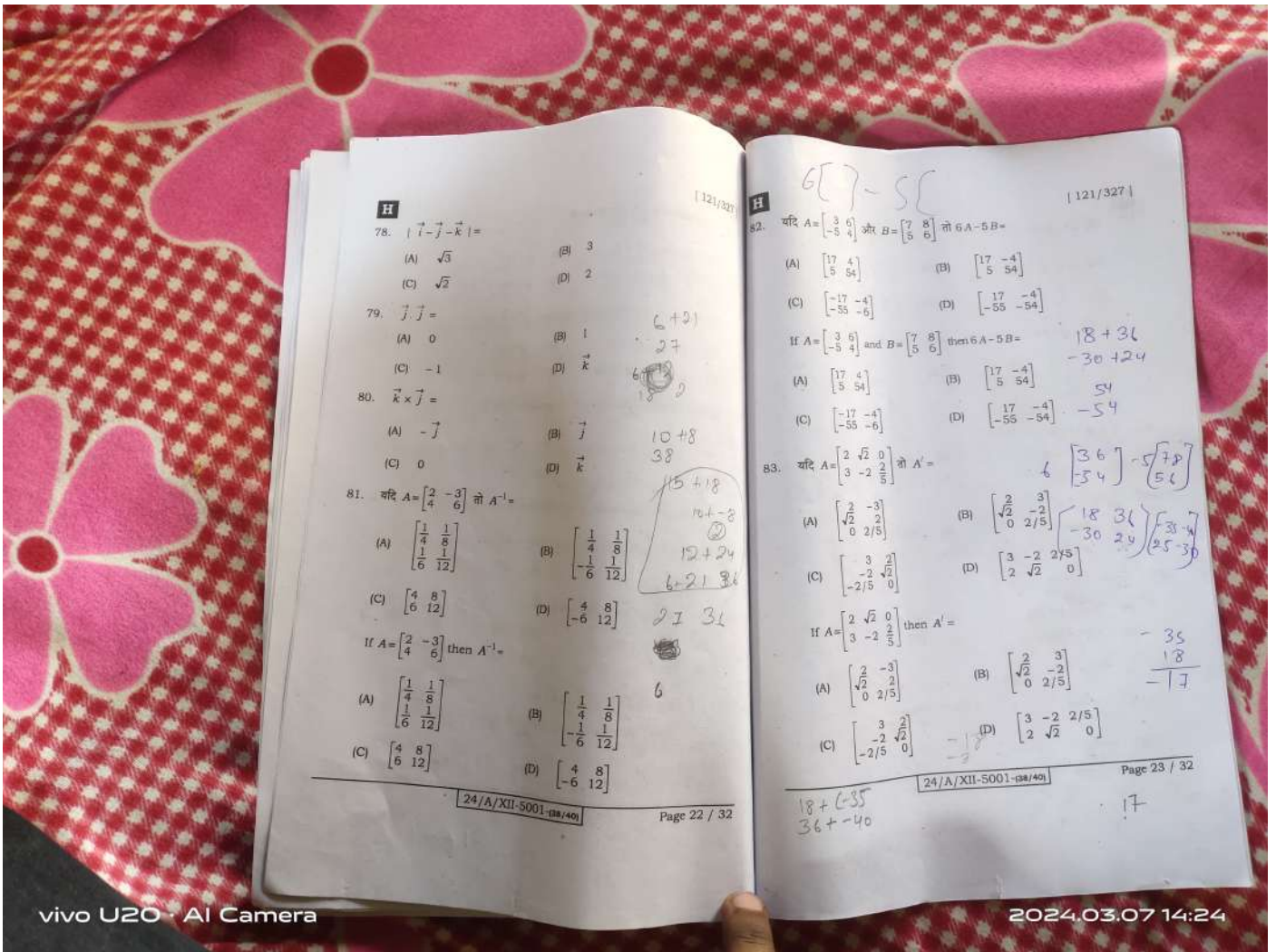
1. यदि $x \cos y = \sin(x+y)$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें। 2
 If $x \cos y = \sin(x+y)$, find $\frac{dy}{dx}$.
2. $\tan^{-1}\frac{2x}{1-x^2}$ का $\sin^{-1}\frac{2x}{1+x^2}$ के सापेक्ष अवकलन करें। 2
 Differentiate $\tan^{-1}\frac{2x}{1-x^2}$ with respect to $\sin^{-1}\frac{2x}{1+x^2}$.
3. यदि $x = \sqrt{1+t^2}$, $y = \sqrt{1-t^2}$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें। 2
 If $x = \sqrt{1+t^2}$, $y = \sqrt{1-t^2}$ then find $\frac{dy}{dx}$.
4. $\int_0^{\lambda/2} x \cos x dx$ का मान निकालें। 2
 Find the value of $\int_0^{\lambda/2} x \cos x dx$.
5. $\int \sin^3 x dx$ का समाकलन करें। 2
 Integrate $\int \sin^3 x dx$.
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2}}$ का समाकलन करें। 2
 Integrate $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2}}$.

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



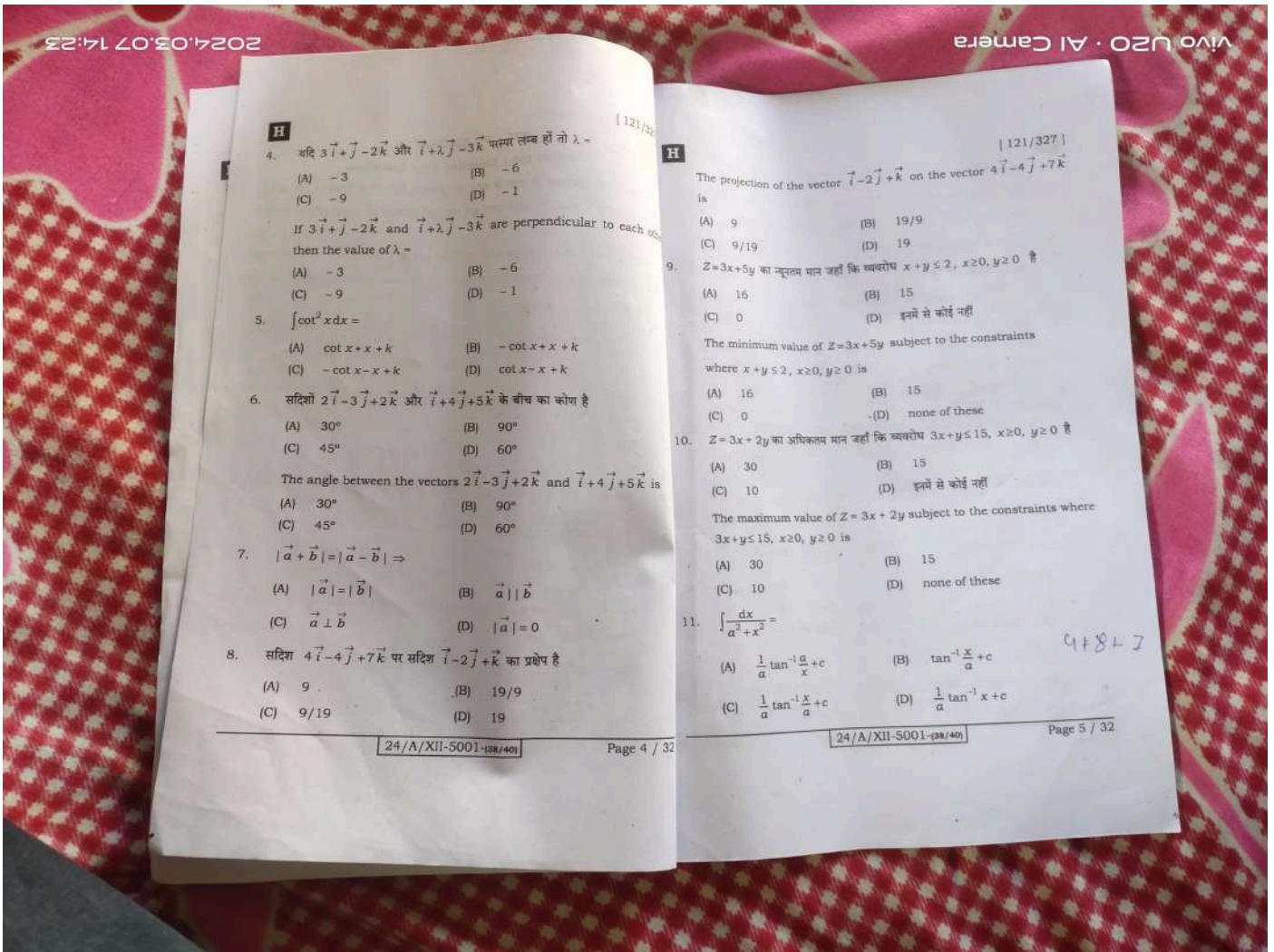
SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

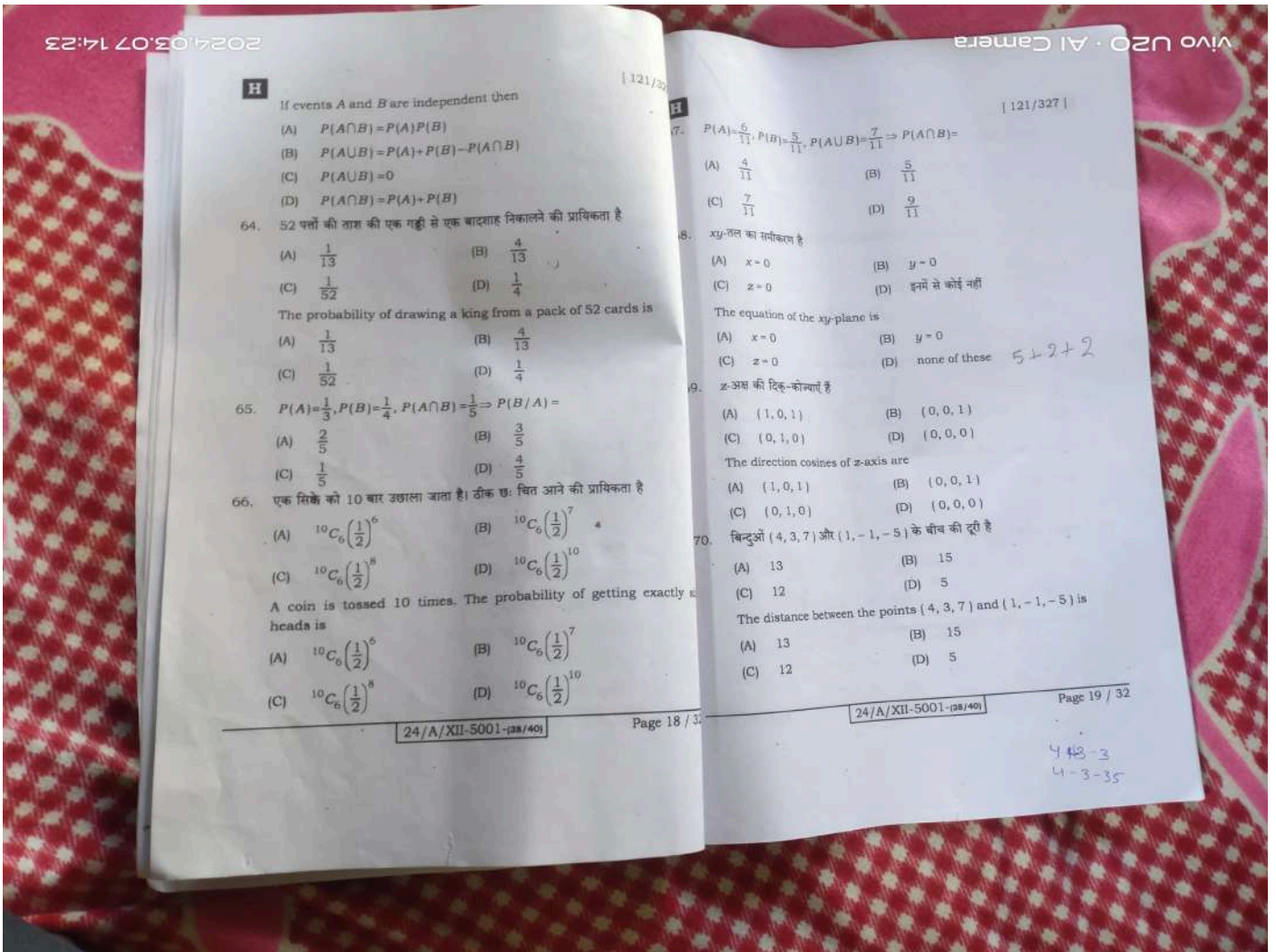


H | 121/327 |
 4. यदि $3\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$ और $\vec{i} + \lambda\vec{j} - 3\vec{k}$ परस्पर लम्ब हों तो $\lambda =$
 (A) -3 (B) -6
 (C) -9 (D) -1
 If $3\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$ and $\vec{i} + \lambda\vec{j} - 3\vec{k}$ are perpendicular to each other then the value of $\lambda =$
 (A) -3 (B) -6
 (C) -9 (D) -1
 5. $\int \cot^2 x dx =$
 (A) $\cot x + x + k$ (B) $-\cot x + x + k$
 (C) $-\cot x - x + k$ (D) $\cot x - x + k$
 6. सदिशों $2\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ और $\vec{i} + 4\vec{j} + 5\vec{k}$ के बीच का कोण है
 (A) 30° (B) 90°
 (C) 45° (D) 60°
 The angle between the vectors $2\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ and $\vec{i} + 4\vec{j} + 5\vec{k}$ is
 (A) 30° (B) 90°
 (C) 45° (D) 60°
 7. $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}| \Rightarrow$
 (A) $|\vec{a}| = |\vec{b}|$ (B) $\vec{a} \parallel \vec{b}$
 (C) $\vec{a} \perp \vec{b}$ (D) $|\vec{a}| = 0$
 8. सदिश $4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}$ पर सदिश $\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$ का प्रक्षेप है
 (A) 9 (B) 19/9
 (C) 9/19 (D) 19

H | 121/327 |
 The projection of the vector $\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$ on the vector $4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}$ is
 (A) 9 (B) 19/9
 (C) 9/19 (D) 19
 9. $Z = 3x + 5y$ का न्यूनतम मान जहाँ कि स्वयंसे $x + y \leq 2, x \geq 0, y \geq 0$ है
 (A) 15 (B) 15
 (C) 0 (D) इनमें से कोई नहीं
 The minimum value of $Z = 3x + 5y$ subject to the constraints where $x + y \leq 2, x \geq 0, y \geq 0$ is
 (A) 15 (B) 15
 (C) 0 (D) none of these
 10. $Z = 3x + 2y$ का अधिकतम मान जहाँ कि स्वयंसे $3x + y \leq 15, x \geq 0, y \geq 0$ है
 (A) 30 (B) 15
 (C) 10 (D) इनमें से कोई नहीं
 The maximum value of $Z = 3x + 2y$ subject to the constraints where $3x + y \leq 15, x \geq 0, y \geq 0$ is
 (A) 30 (B) 15
 (C) 10 (D) none of these
 11. $\int \frac{dx}{a^2 + x^2} =$
 (A) $\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$ (B) $\tan^{-1} \frac{x}{a} + c$
 (C) $\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$ (D) $\frac{1}{a} \tan^{-1} x + c$

4+8+7

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

2024.03.07 14:23

VIVO U20 · AI Camera

H

[121/327]

46. $\int_0^a \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{a-x}} dx =$
 (A) a (B) $\frac{a}{2}$
 (C) $2a$ (D) $3a$
47. $\int_0^{\pi/2} \cos 2x dx =$
 (A) 0 (B) 1
 (C) -1 (D) 2
48. $\int_0^{\pi/6} \cos x \cdot \cos 2x dx =$
 (A) $5/6$ (B) $1/6$
 (C) $5/12$ (D) $-5/12$
49. $\int_{-\pi}^{\pi} \tan x dx =$
 (A) -1 (B) 0
 (C) 2 (D) -2
50. $\int_4^9 \frac{1}{\sqrt{x}} dx =$
 (A) 2 (B) $\pi/6$
 (C) $\pi/4$ (D) $\pi/2$
51. $\frac{d}{dx} \log(\sec x + \tan x) =$
 (A) $\frac{1}{\sec x + \tan x}$ (B) $\sec x$
 (C) $\tan x$ (D) $\sec x + \tan x$

24/A/XII-5001-138/40

Page 14 / 32

H

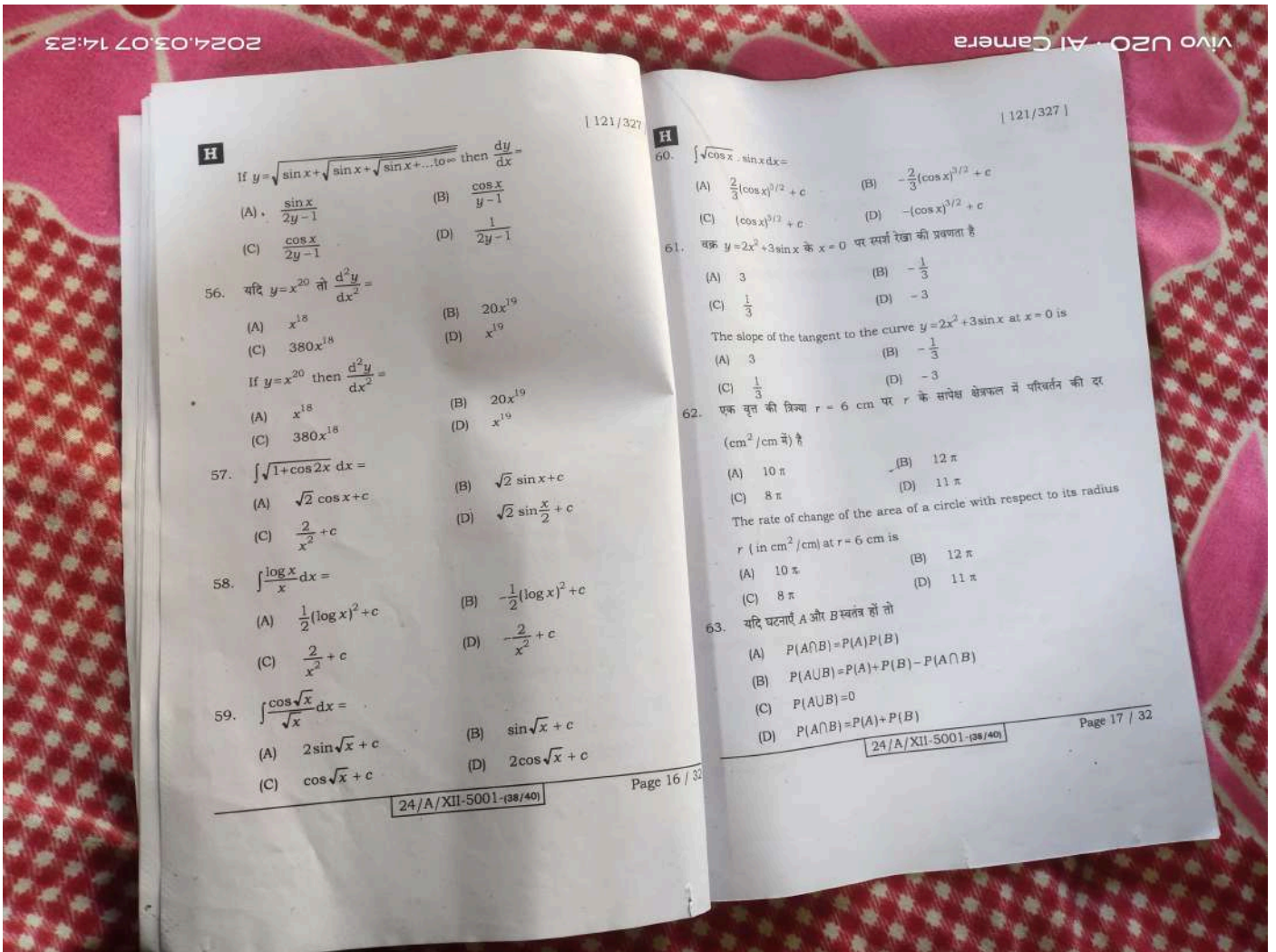
[121/327]

52. $\frac{d}{dx} (\sec^{-1} x + \operatorname{cosec}^{-1} x) =$
 (A) 1 (B) 0
 (C) 2 (D) -1
53. यदि $y = \tan^{-1} \left(\frac{1 - \cos x}{\sin x} \right)$ तब $\frac{dy}{dx} =$
 (A) 1 (B) -1
 (C) $\frac{1}{2}$ (D) $-\frac{1}{2}$
 If $y = \tan^{-1} \left(\frac{1 - \cos x}{\sin x} \right)$ then $\frac{dy}{dx} =$
 (A) 1 (B) -1
 (C) $\frac{1}{2}$ (D) $-\frac{1}{2}$
54. यदि $x = a \sec \theta, y = b \tan \theta$ तब $\frac{dy}{dx} =$
 (A) $\frac{b}{a} \sec \theta$ (B) $\frac{b}{a} \operatorname{cosec} \theta$
 (C) $\frac{b}{a} \cot \theta$ (D) $\frac{b}{a}$
 If $x = a \sec \theta, y = b \tan \theta$ then $\frac{dy}{dx} =$
 (A) $\frac{b}{a} \sec \theta$ (B) $\frac{b}{a} \operatorname{cosec} \theta$
 (C) $\frac{b}{a} \cot \theta$ (D) $\frac{b}{a}$
55. यदि $y = \sqrt{\sin x} + \sqrt{\sin x} + \sqrt{\sin x} + \dots$ तक तो $\frac{dy}{dx} =$
 (A) $\frac{\sin x}{2y-1}$ (B) $\frac{\cos x}{y-1}$
 (C) $\frac{\cos x}{2y-1}$ (D) $\frac{1}{2y-1}$

24/A/XII-5001-138/40

Page 15 / 32

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



H If $y = \sqrt{\sin x + \sqrt{\sin x + \sqrt{\sin x + \dots}}}$ then $\frac{dy}{dx} =$

- (A) $\frac{\sin x}{2y-1}$
- (B) $\frac{\cos x}{y-1}$
- (C) $\frac{\cos x}{2y-1}$
- (D) $\frac{1}{2y-1}$

56. यदि $y = x^{20}$ तो $\frac{d^2y}{dx^2} =$

- (A) x^{18}
- (B) $20x^{19}$
- (C) $380x^{18}$
- (D) x^{19}

If $y = x^{20}$ then $\frac{d^2y}{dx^2} =$

- (A) x^{18}
- (B) $20x^{19}$
- (C) $380x^{18}$
- (D) x^{19}

57. $\int \sqrt{1 + \cos 2x} dx =$

- (A) $\sqrt{2} \cos x + c$
- (B) $\sqrt{2} \sin x + c$
- (C) $\frac{2}{x^2} + c$
- (D) $\sqrt{2} \sin \frac{x}{2} + c$

58. $\int \frac{\log x}{x} dx =$

- (A) $\frac{1}{2}(\log x)^2 + c$
- (B) $-\frac{1}{2}(\log x)^2 + c$
- (C) $\frac{2}{x^2} + c$
- (D) $-\frac{2}{x^2} + c$

59. $\int \frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx =$

- (A) $2 \sin \sqrt{x} + c$
- (B) $\sin \sqrt{x} + c$
- (C) $\cos \sqrt{x} + c$
- (D) $2 \cos \sqrt{x} + c$

[121/327]

H 60. $\int \sqrt{\cos x} \cdot \sin x dx =$

- (A) $\frac{2}{3}(\cos x)^{3/2} + c$
- (B) $-\frac{2}{3}(\cos x)^{3/2} + c$
- (C) $(\cos x)^{3/2} + c$
- (D) $-(\cos x)^{3/2} + c$

61. वक्र $y = 2x^2 + 3 \sin x$ के $x = 0$ पर स्पर्श रेखा की प्रवणता है

- (A) 3
- (B) $-\frac{1}{3}$
- (C) $\frac{1}{3}$
- (D) -3

The slope of the tangent to the curve $y = 2x^2 + 3 \sin x$ at $x = 0$ is

- (A) 3
- (B) $-\frac{1}{3}$
- (C) $\frac{1}{3}$
- (D) -3

62. एक वृत्त की त्रिज्या $r = 6$ cm पर r के सापेक्ष क्षेत्रफल में परिवर्तन की दर $(\text{cm}^2/\text{cm से})$ है

- (A) 10π
- (B) 12π
- (C) 8π
- (D) 11π

The rate of change of the area of a circle with respect to its radius

- (A) 10π
- (B) 12π
- (C) 8π
- (D) 11π

63. यदि घटनाएँ A और B स्वतंत्र हों तो

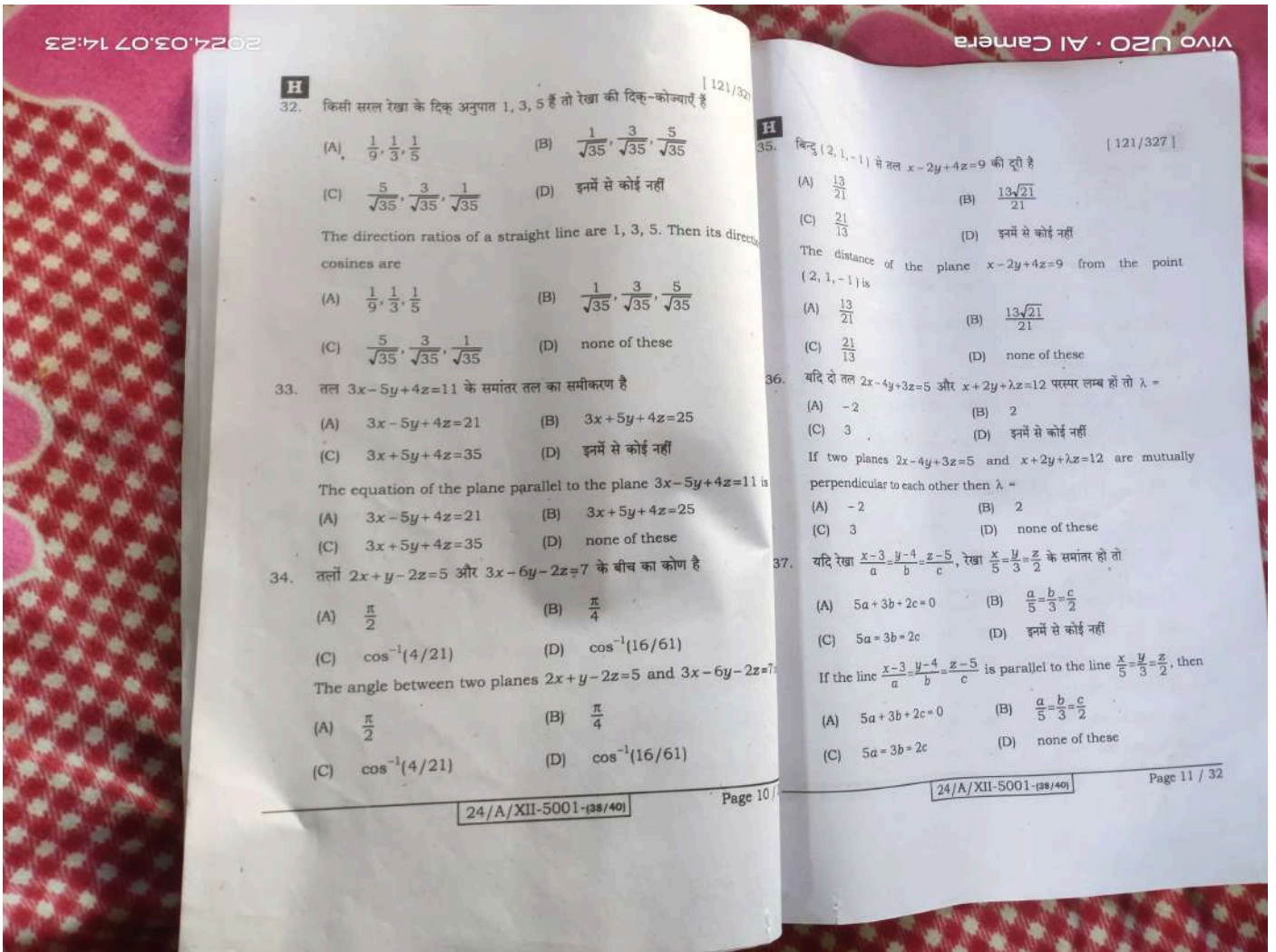
- (A) $P(A \cap B) = P(A)P(B)$
- (B) $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
- (C) $P(A \cup B) = 0$
- (D) $P(A \cap B) = P(A) + P(B)$

24/A/XII-5001-(38/40)

Page 17 / 32

24/A/XII-5001-(38/40)

Page 16 / 32



H 32. किसी सरल रेखा के दिक् अनुपात 1, 3, 5 हैं तो रेखा की दिक्-कोज्याएं हैं [121/327]

- (A) $\frac{1}{9}, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}$ (B) $\frac{1}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{5}{\sqrt{35}}$
 (C) $\frac{5}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{1}{\sqrt{35}}$ (D) इनमें से कोई नहीं

The direction ratios of a straight line are 1, 3, 5. Then its direction cosines are

- (A) $\frac{1}{9}, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}$ (B) $\frac{1}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{5}{\sqrt{35}}$
 (C) $\frac{5}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{1}{\sqrt{35}}$ (D) none of these

33. तल $3x - 5y + 4z = 11$ के समांतर तल का समीकरण है

- (A) $3x - 5y + 4z = 21$ (B) $3x + 5y + 4z = 25$
 (C) $3x + 5y + 4z = 35$ (D) इनमें से कोई नहीं

The equation of the plane parallel to the plane $3x - 5y + 4z = 11$ is

- (A) $3x - 5y + 4z = 21$ (B) $3x + 5y + 4z = 25$
 (C) $3x + 5y + 4z = 35$ (D) none of these

34. तलों $2x + y - 2z = 5$ और $3x - 6y - 2z = 7$ के बीच का कोण है

- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{4}$
 (C) $\cos^{-1}(4/21)$ (D) $\cos^{-1}(16/61)$

The angle between two planes $2x + y - 2z = 5$ and $3x - 6y - 2z = 7$ is

- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{4}$
 (C) $\cos^{-1}(4/21)$ (D) $\cos^{-1}(16/61)$

H 35. बिन्दु $(2, 1, -1)$ से तल $x - 2y + 4z = 9$ की दूरी है [121/327]

- (A) $\frac{13}{21}$ (B) $\frac{13\sqrt{21}}{21}$
 (C) $\frac{21}{13}$ (D) इनमें से कोई नहीं

The distance of the plane $x - 2y + 4z = 9$ from the point $(2, 1, -1)$ is

- (A) $\frac{13}{21}$ (B) $\frac{13\sqrt{21}}{21}$
 (C) $\frac{21}{13}$ (D) none of these

36. यदि दो तल $2x - 4y + 3z = 5$ और $x + 2y + \lambda z = 12$ परस्पर लम्ब हों तो $\lambda =$

- (A) -2 (B) 2
 (C) 3 (D) इनमें से कोई नहीं

If two planes $2x - 4y + 3z = 5$ and $x + 2y + \lambda z = 12$ are mutually perpendicular to each other then $\lambda =$

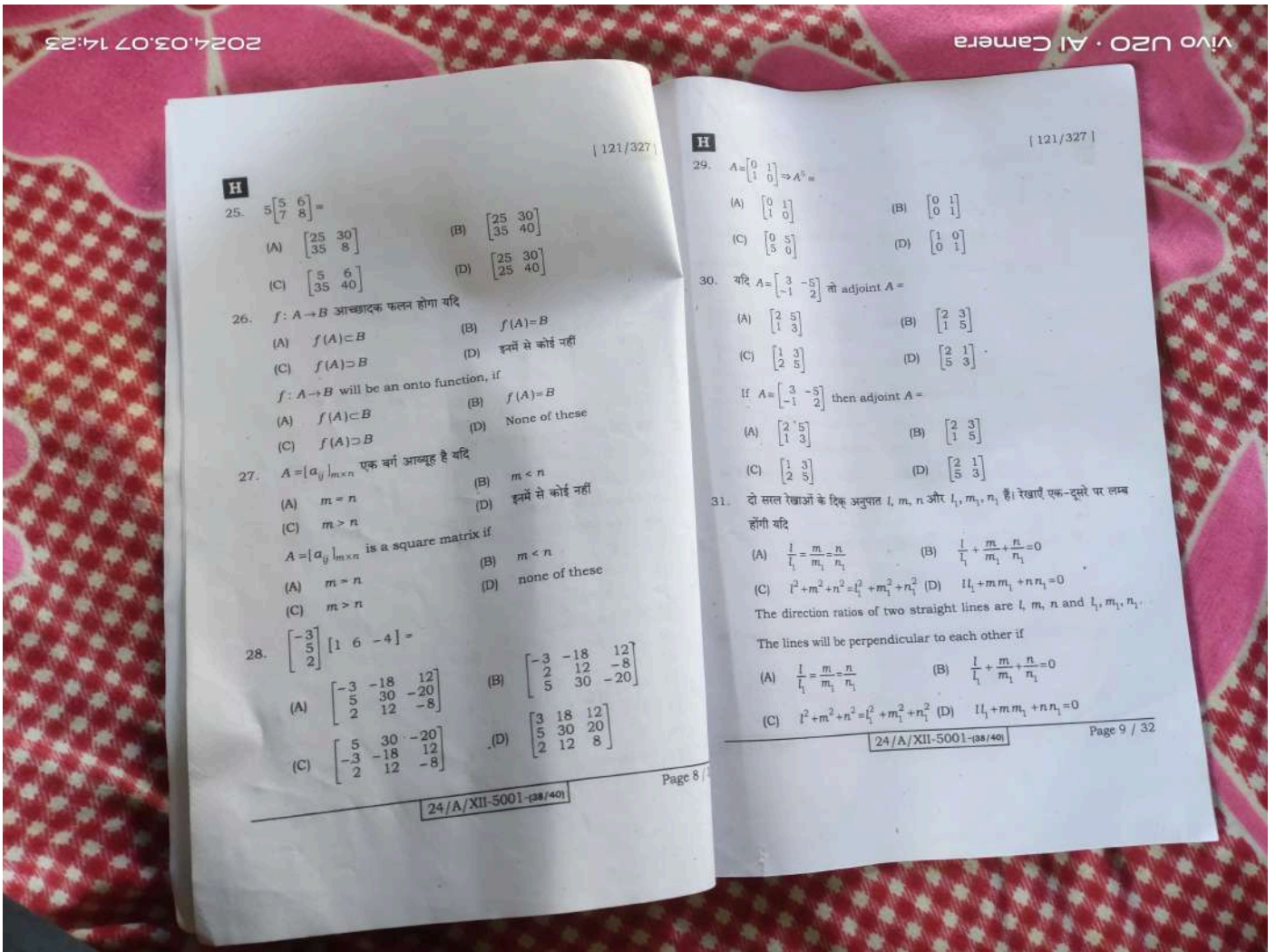
- (A) -2 (B) 2
 (C) 3 (D) none of these

37. यदि रेखा $\frac{x-3}{a} = \frac{y-4}{b} = \frac{z-5}{c}$, रेखा $\frac{x}{5} = \frac{y}{3} = \frac{z}{2}$ के समांतर हो तो

- (A) $5a + 3b + 2c = 0$ (B) $\frac{a}{5} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$
 (C) $5a = 3b = 2c$ (D) इनमें से कोई नहीं

If the line $\frac{x-3}{a} = \frac{y-4}{b} = \frac{z-5}{c}$ is parallel to the line $\frac{x}{5} = \frac{y}{3} = \frac{z}{2}$, then

- (A) $5a + 3b + 2c = 0$ (B) $\frac{a}{5} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$
 (C) $5a = 3b = 2c$ (D) none of these



| 121/327 |

H

25. $5 \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 25 & 30 \\ 35 & 40 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 25 & 30 \\ 35 & 40 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 35 & 40 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 25 & 30 \\ 25 & 40 \end{bmatrix}$

26. $f: A \rightarrow B$ आच्छादक फलन होगा यदि

(A) $f(A) \subset B$ (B) $f(A) = B$

(C) $f(A) \supset B$ (D) इनमें से कोई नहीं

$f: A \rightarrow B$ will be an onto function, if

(A) $f(A) \subset B$ (B) $f(A) = B$

(C) $f(A) \supset B$ (D) None of these

27. $A = (a_{ij})_{m \times n}$ एक वर्ग आव्यूह है यदि

(A) $m = n$ (B) $m < n$

(C) $m > n$ (D) इनमें से कोई नहीं

$A = (a_{ij})_{m \times n}$ is a square matrix if

(A) $m = n$ (B) $m < n$

(C) $m > n$ (D) none of these

28. $\begin{bmatrix} -3 \\ 5 \\ 2 \end{bmatrix} [1 \ 6 \ -4] =$

(A) $\begin{bmatrix} -3 & -18 & 12 \\ 5 & 30 & -20 \\ 2 & 12 & -8 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} -3 & -18 & 12 \\ 2 & 12 & -8 \\ 5 & 30 & -20 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 5 & 30 & -20 \\ -3 & -18 & 12 \\ 2 & 12 & -8 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 3 & 18 & 12 \\ 5 & 30 & 20 \\ 2 & 12 & 8 \end{bmatrix}$

Page 8

24/A/XII-5001-(38/40)

| 121/327 |

H

29. $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A^9 =$

(A) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 0 & 5 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

30. यदि $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$ तो adjoint $A =$

(A) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$

If $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$ then adjoint $A =$

(A) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$

31. दो सरल रेखाओं के दिक् अनुपात l, m, n और l_1, m_1, n_1 हैं। रेखाएँ एक-दूसरे पर लम्ब होंगी यदि

(A) $\frac{l}{l_1} = \frac{m}{m_1} = \frac{n}{n_1}$ (B) $\frac{l}{l_1} + \frac{m}{m_1} + \frac{n}{n_1} = 0$

(C) $l^2 + m^2 + n^2 = l_1^2 + m_1^2 + n_1^2$ (D) $ll_1 + mm_1 + nn_1 = 0$

The direction ratios of two straight lines are l, m, n and l_1, m_1, n_1 .

The lines will be perpendicular to each other if

(A) $\frac{l}{l_1} = \frac{m}{m_1} = \frac{n}{n_1}$ (B) $\frac{l}{l_1} + \frac{m}{m_1} + \frac{n}{n_1} = 0$

(C) $l^2 + m^2 + n^2 = l_1^2 + m_1^2 + n_1^2$ (D) $ll_1 + mm_1 + nn_1 = 0$

Page 9 / 32

24/A/XII-5001-(38/40)

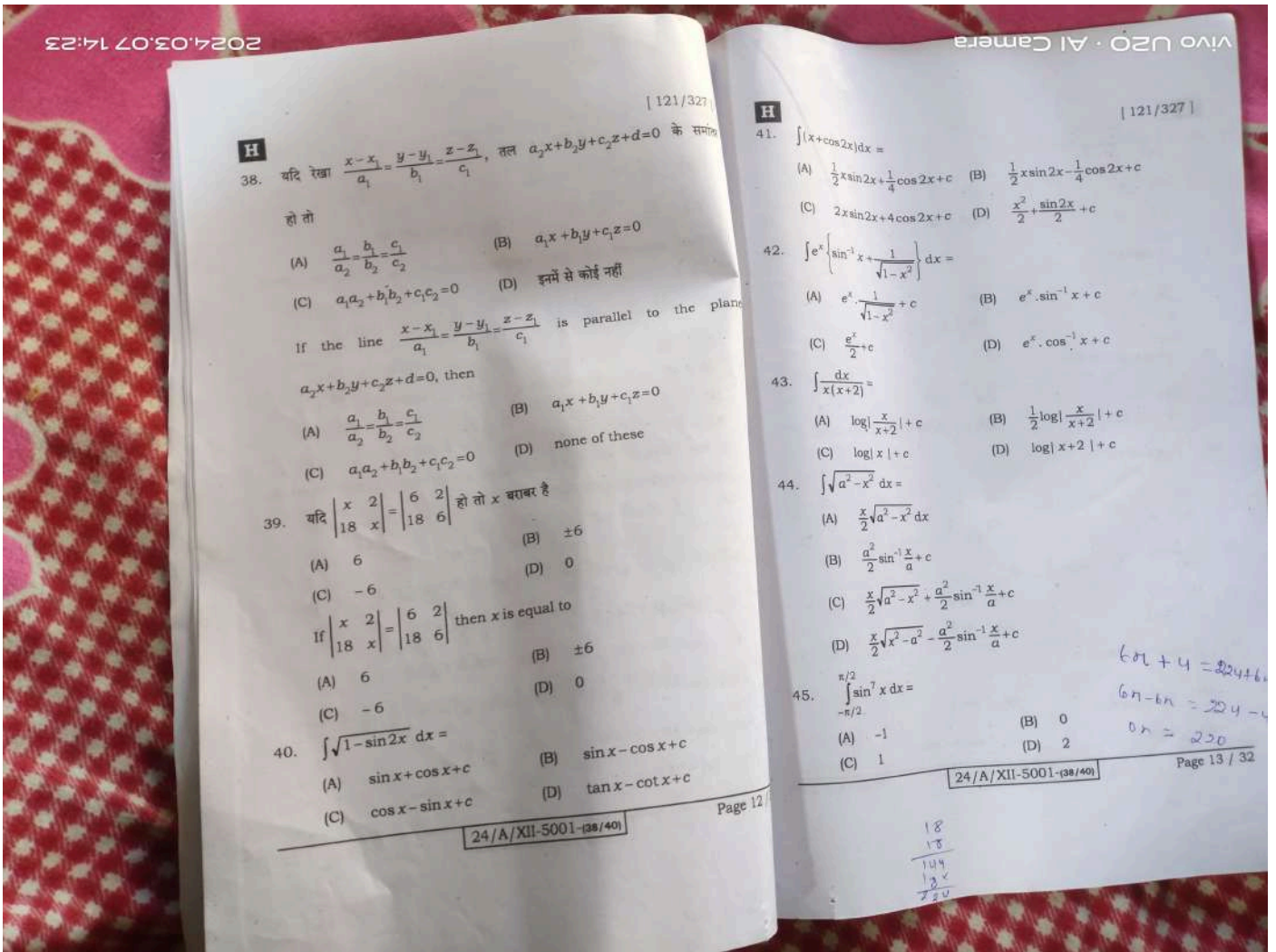
H

12. $\int \sec x dx =$
 (A) $\log |\sec x + \tan x| + c$ (B) $\log |\sec x - \tan x| + c$
 (C) $\log \sec x + c$ (D) $\tan^5 x + c$
13. $\int \sec^5 x \tan x dx =$
 (A) $5 \tan^5 x + c$ (B) $\frac{1}{5} \sec^5 x + c$
 (C) $5 \log |\cos x| + c$ (D) $\tan^5 x + c$
14. $\int \tan^2 x dx =$
 (A) $\tan x + x + c$ (B) $\tan x - x + c$
 (C) $\cot x + x + c$ (D) $\cot x - x + c$
15. $\int \frac{\cos 2x}{\cos^2 x \cdot \sin^2 x} dx =$
 (A) $\cot x - \tan x + c$ (B) $\tan x - \cot x + c$
 (C) $-\cot x - \tan x + c$ (D) $-\tan x + c$
16. $\int \frac{x^4 + 1}{x^2 + 1} dx =$
 (A) $\frac{x^3}{3} + c$ (B) $\frac{x^3}{3} - x + 2 \tan^{-1} x + c$
 (C) $2 \tan^{-1} x + c$ (D) $\frac{x^3}{3} + x + 2 \tan^{-1} x + c$
17. $\int \frac{1 - \cos 2x}{1 + \cos 2x} dx =$
 (A) $\tan x + c$ (B) $\tan x + x + c$
 (C) $\tan x - x + c$ (D) $-\tan x + x + c$
18. $\int \frac{dx}{2-3x} =$
 (A) $-3 \log |2-3x| + c$ (B) $-\frac{1}{3} \log |2-3x| + c$
 (C) $-\log |2-3x| + c$ (D) $2 \tan^{-1} x^4 + c$

H

19. $\int \frac{x^3 dx}{1+x^4} =$
 (A) $\tan^{-1} x^4 + c$ (B) $4 \tan^{-1} x^4 + c$
 (C) $\frac{1}{4} \tan^{-1} x^4 + c$ (D) $2 \tan^{-1} x^4 + c$
20. $\int x e^x dx =$
 (A) $e^x + c$ (B) $x - 1 + c$
 (C) $e^x(x-1) + c$ (D) $e^x(x+1) + c$
21. $\left| \begin{matrix} x & x+1 \\ x-1 & x \end{matrix} \right| =$
 (A) 1 (B) 0
 (C) 2 (D) -1
22. यदि संक्रिया $a * b = 2a + b$ से परिभाषित हो तो $(2 * 3) * 4$ है
 (A) 30 (B) 20
 (C) 18 (D) 15
- If the operation $*$ is defined as $a * b = 2a + b$, then $(2 * 3) * 4$ is
 (A) 30 (B) 20
 (C) 18 (D) 15
23. $\left| \begin{matrix} 1 & 1 & -2 \\ 2 & 1 & -3 \\ 5 & 4 & -9 \end{matrix} \right| =$
 (A) 2 (B) 1
 (C) 0 (D) -1
24. $\left| \begin{matrix} 3 & -4 & 5 \\ 1 & 1 & -2 \\ 2 & 3 & 1 \end{matrix} \right| =$
 (A) 0 (B) 46
 (C) -46 (D) 1

SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH



SEARCH ON GOOGLE- SCIENCE KA MAHAKUMBH

[121/327]

37. न्यूनतमीकरण करें $Z=2x+y$
जबकि $5x+10y \leq 50$, $x+y \geq 1$, $y \leq 4$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.

Minimize $Z=2x+y$,
subject to $5x+10y \leq 50$, $x+y \geq 1$, $y \leq 4$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.

38. दो पासों को चार बार फेंकने में कम से कम दो बार एक ही अंक का जोड़ा आने की क्या प्रायिकता है ?

-8+8

In four throws, with a pair of dice what is the probability of occurrence of doublets twice at least ?

$6+21 = 27$ 36
 $12+24$
 $10+15$ 25 10
 $-8+18$

$$\frac{1}{x+4} + \frac{3}{4+y} = \frac{\cos^2 x}{2 \sin 2x}$$

$$\frac{u}{u} + 2dx$$